



Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

Bases Formales de la Computación

Gerardo M. Sarria M.

Pontificia Universidad Javeriana

22 de agosto de 2008



Gerardo M.
Sarría M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

VERIFICACIÓN



Gerardo M.
Sarria M.

Contenido

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

- 1 Introducción
- 2 Especificación Formal con B
 - Introducción
 - Lenguaje de Especificación
- 3 Java Modeling Language (JML)
 - Sintaxis y Semántica
 - Especificación de Programas



Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling Language (JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

Los **Sistemas de Software** se han convertido en una pieza clave de nuestras vidas:

- Sistemas de **transacción bancarias**
- Aplicaciones comerciales en **internet**
- **Tarjetas inteligentes**

Los **Sistemas de Software** son más importantes ahora ya que han penetrado en nuestro entorno y tanto los proveedores como los clientes de dichos sistemas se están comenzando a preocupar por su **correctitud**.



Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling Language (JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

Sin embargo, dado que los **Sistemas de Software** ...

- son cada vez más complejos,
- tienen comportamientos disímiles,
- admiten múltiples puntos de vista



Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling Language (JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

Sin embargo, dado que los **Sistemas de Software** ...

- son cada vez más complejos,
- tienen comportamientos disímiles,
- admiten múltiples puntos de vista

son propensos a fallar



Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling Language (JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

Las **fallas** son **inaceptables** en los sistemas de software actuales.

No es bueno **apagar** un sistema que no funcione bien para volver a un **estado seguro**

Hay que pensar en los **sistemas críticos** en donde hay vidas humanas envueltas



Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling Language (JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

Errores en sistemas de **hardware** y **software** que han sido muy costosos:

- El *bug* aritmético de punto flotante del **Intel Pentium** costó \$500M (1994)
- El cohete **Ariane 5** perdió \$7B (1996)
- El choque del **Mars Polar Lander** costó \$120M (2000)



Gerardo M.
Sarria M.

Verificación

Introducción

Especificación Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling Language (JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

La **verificación** es usada en diferentes contextos. Como ...

- un proceso para obtener la **prueba de correctitud formal** de un sistema por medio de **deducciones** (**theorem proving**)
- cualquier acción tomada para **encontrar errores** en un programa usando **verificación automática** (**model-checking**)

Introducción

Especificación Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling Language (JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

La **verificación** es usada en diferentes contextos. Como ...

- un proceso para obtener la **prueba de correctitud formal** de un sistema por medio de **deducciones** (**theorem proving**)
- cualquier acción tomada para **encontrar errores** en un programa usando **verificación automática** (**model-checking**)

La **Etapas de Pruebas** en ingeniería de software:

- No es un una técnica de **verificación**
- Es más cercana a un **muestreo** que a una **prueba de correctitud exhaustiva**



Gerardo M.
Sarria M.

Limitaciones

Introducción

Especificación Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling Language (JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

- Los métodos de verificación **no garantizan** la correctitud del **código actual**. Ellos verifican un **modelo abstracto**.



Gerardo M.
Sarria M.

Limitaciones

Introducción

Especificación Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling Language (JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

- Los métodos de verificación **no garantizan** la correctitud del **código actual**. Ellos verifican un **modelo abstracto**.
- Las **pruebas de correctitud** pueden ser de por sí **incorrectas**



Gerardo M.
Sarria M.

Limitaciones

Introducción

Especificación Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling Language (JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

- Los métodos de verificación **no garantizan** la correctitud del **código actual**. Ellos verifican un **modelo abstracto**.
- Las **pruebas de correctitud** pueden ser de por sí **incorrectas**
- El proceso de verificación solo **captura** un pequeña parte de la funcionalidad de un sistema



Gerardo M.
Sarria M.

Limitaciones

Introducción

Especificación Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling Language (JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

- Los métodos de verificación **no garantizan** la correctitud del **código actual**. Ellos verifican un **modelo abstracto**.
- Las **pruebas de correctitud** pueden ser de por sí **incorrectas**
- El proceso de verificación solo **captura** un pequeña parte de la funcionalidad de un sistema
- La verificación se hace con respecto a una **especificación** dada, la cual se forma de manera manual, y puede estar incompleta



Gerardo M.
Sarria M.

Limitaciones

Introducción

Especificación Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling Language (JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

- Los métodos de verificación **no garantizan** la correctitud del **código actual**. Ellos verifican un **modelo abstracto**.
- Las **pruebas de correctitud** pueden ser de por sí **incorrectas**
- El proceso de verificación solo **captura** un pequeña parte de la funcionalidad de un sistema
- La verificación se hace con respecto a una **especificación** dada, la cual se forma de manera manual, y puede estar incompleta
- Las técnicas de verificación automática (**model-checking**) están restringidas a sistemas de **estado finito**



Gerardo M.
Sarria M.

Prejuicios

Introducción

Especificación Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling Language (JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

- Los métodos formales solo pueden ser usados por **matemáticos**
- El uso de métodos formales harán **lentos** los proyectos
- No es **visual** (faltan flechas y cajas)
- El proceso de verificación de por sí **propenso a errores**, así que ¿por qué molestarse con ellos?



Gerardo M.
Sarria M.

Dificultades Reales

Introducción

Especificación Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling Language (JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

- Se debe pensar mucho antes de programar
- Cómo incorporar esto en el proceso de desarrollo
- La construcción de modelos no es fácil
- Tecnología de pruebas automáticas debe mejorar
- Mala calidad de los documentos de requerimientos



Gerardo M.
Sarria M.

Aplicación

Introducción

Especificación Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling Language (JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

Modelado Convertir un diseño en un formalismo. Se puede necesitar abstraer elementos irrelevantes o detalles sin importancia.

Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling Language (JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

Modelado Convertir un diseño en un formalismo. Se puede necesitar abstraer elementos irrelevantes o detalles sin importancia.

Especificación Indicar las propiedades que debe satisfacer el diseño. La especificación es dada usando un formalismo lógico (lógica temporal). Es necesario que la especificación esté completa, es decir, cubra todas las propiedades que el sistema debe satisfacer.

Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling Language (JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

Modelado Convertir un diseño en un formalismo. Se puede necesitar abstraer elementos irrelevantes o detalles sin importancia.

Especificación Indicar las propiedades que debe satisfacer el diseño. La especificación es dada usando un formalismo lógico (lógica temporal). Es necesario que la especificación esté completa, es decir, cubra todas las propiedades que el sistema debe satisfacer.

Verificación Ideal sería que fuera completamente automática. En la práctica necesita asistencia humana: análisis de los resultados.



Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

Los **Sistemas de Software** son modelos de sistemas reales que tienen un comportamiento **coherente**.

Cada característica que se elige observar de un sistema real se representa mediante una **variable**.

El valor de estas variables para todos los objetos del sistema en un momento dado es una **observación**.



Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

Ejemplo:

Suponga que un sistema consta de tres objetos.

De ellos se observa una característica que se representa por una variable p_i .

Una observación podría ser:

$$p_1 = 3 \wedge p_2 = 9 \wedge p_3 = 2$$

Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

Ejemplo:

Suponga que un sistema consta de tres objetos.

De ellos se observa una característica que se representa por una variable p_i .

Una observación podría ser:

$$p_1 = 3 \wedge p_2 = 9 \wedge p_3 = 2$$

Definir los objetos y las características observables corresponde a la parte **estática** de la descripción de un sistema.



Gerardo M.
Sarría M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

El **número de observaciones** de un sistema puede ser **inmenso** (o **infinito!**).

Ejemplo:

Suponga que en el mismo sistema se ha decidido observar características representadas por una variable z y una variable y .

Se recolectan las siguientes observaciones:

$$z = 2 \wedge y = 0,707$$

$$z = 7 \wedge y = 0,378$$

$$z = 9 \wedge y = 0,33$$

$$z = 10 \wedge y = 0,316$$



Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

Los datos anteriores no permiten formarse una idea del **funcionamiento** del sistema.



Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

Los datos anteriores no permiten formarse una idea del **funcionamiento** del sistema.

Solución: Una **propiedad** o **invariante** del sistema



Gerardo M.
Sarria M.

Observaciones

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

Los datos anteriores no permiten formarse una idea del **funcionamiento** del sistema.

Solución: Una **propiedad** o **invariante** del sistema

Para el caso anterior:

$$\sqrt{z} \times y = 1$$



Dinámica de los Sistemas

Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

Pero un sistema **NO** es, en general, **estático**.

¿Cómo **evoluciona** un sistema?



Gerardo M.
Sarria M.

Dinámica de los Sistemas

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

Pero un sistema **NO** es, en general, **estático**.

¿Cómo **evoluciona** un sistema?

¿Qué ocasiona un **cambio** en las observaciones?



Gerardo M.
Sarria M.

Dinámica de los Sistemas

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

Pero un sistema **NO** es, en general, **estático**.

¿Cómo **evoluciona** un sistema?

¿Qué ocasiona un **cambio** en las observaciones?

EVENTOS



Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

Ejemplo:

Un evento **puede** ocasionar un **incremento** en el valor de la variable x del sistema anterior.

Ese mismo evento, entonces, **tiene** que ocasionar una **modificación** del valor de y , de modo que el invariante se siga cumpliendo.

Gerardo M.
Sarría M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

Ejemplo:

Un evento **puede** ocasionar un **incremento** en el valor de la variable x del sistema anterior.

Ese mismo evento, entonces, **tiene** que ocasionar una **modificación** del valor de y , de modo que el invariante se siga cumpliendo.

Incrementar:

begin

$z, y := z + 1, 1/\sqrt{z + 1}$

end



Descripción Completa de un Sistema

Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

Parte Estática:

- Variables (características observables)
- Invariante

Parte Dinámica:

- Conjunto de Eventos

Gerardo M.
Sarría M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

B es una **metodología** para **especificar, diseñar y codificar** **Sistemas**.

La descripción del sistema se hace de esta manera:

- El invariante es un predicado
- Los eventos son de la forma:

GUARDA
ACCIÓN

Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

Los **eventos** podrán ser de la siguiente forma básica:

nombre =

ANY x, y, z, \dots **WHERE**

$P(x, y, \dots, v, w, \dots)$

THEN

$S(x, y, \dots, v, w, \dots)$

END



Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación

Formal con B

Introducción

Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica

Especificación de
Programas

La **operación** del evento anterior correspondería a los siguientes pasos:

Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

La **operación** del evento anterior correspondería a los siguientes pasos:

- 1 Escoja valores para las variables locales x, y, \dots de manera que para esos valores escogidos y para los valores actuales de las variables del sistema, $P(x, y, \dots, v, w, \dots)$ se cumpla.

Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción

Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica

Especificación de
Programas

La **operación** del evento anterior correspondería a los siguientes pasos:

- 1 Escoja valores para las variables locales x, y, \dots de manera que para esos valores escogidos y para los valores actuales de las variables del sistema, $P(x, y, \dots, v, w, \dots)$ se cumpla.
- 2 Si no fue posible escoger dichos valores, **el evento no se activa**

Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

La **operación** del evento anterior correspondería a los siguientes pasos:

- 1 Escoja valores para las variables locales x, y, \dots de manera que para esos valores escogidos y para los valores actuales de las variables del sistema, $P(x, y, \dots, v, w, \dots)$ se cumpla.
- 2 Si no fue posible escoger dichos valores, **el evento no se activa**
- 3 Si la escogencia fue posible, **ejecute la acción**
 $S(x, y, \dots, v, w, \dots)$



Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

Rodin es una herramienta para el **desarrollo riguroso** de **sistemas de software complejos**.

La descripción de un sistema se hace de la siguiente manera:

- 1 Se describe un **contexto**
- 2 Se describe una **máquina abstracta**



Gerardo M.
Sarria M.

Ejemplo: Sistema MIO

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción

Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica

Especificación de
Programas

- Hay una cierta cantidad de **buses**
- Hay una cierta cantidad de **estaciones**
- En un momento dado, en una estación puede estar un bus
- Se **observa** la llegada y salida de buses a las estaciones



MIO: Componentes Estáticos - Contexto

Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción

Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica

Especificación de
Programas

- **Constante n** : Número total de buses
- **Constante m** : Número total de estaciones

Para estas constantes se definen **axiomas** que establecen sus propiedades:

variable	tipo
n	$n \in \mathcal{N}_1$
m	$m \in \mathcal{N}_1$

Constantes, Conjuntos y sus Propiedades forman el **Contexto** del sistema



MIO: Componentes Estáticos - Contexto

Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

```
CONTEXT buses_estaciones  
CONSTANTS  
    n  
    m  
AXIOMS  
    axm1 : m :  $\mathbb{N}_1$   
    axm2 : n :  $\mathbb{N}_1$   
END
```



MIO: Componentes Estáticos - Abstracción

Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción

Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica

Especificación de
Programas

- **Variable** *be*: Número de buses en estaciones
- Propiedades (tipo) de la variable:

$$be \in \mathbb{N}$$

- Observaciones de *be* obedecen a un **INVARIANTE**



MIO: Componentes Estáticos - Abstracción

Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

- **Variable** be : Número de buses en estaciones
- Propiedades (tipo) de la variable:

$$be \in \mathbb{N}$$

- Observaciones de be obedecen a un **INVARIANTE**

$$be \leq n \wedge be \leq m$$



MIO: Componentes Dinámicos

Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción

Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica

Especificación de
Programas

Inicialización:

$be := 0$



MIO: Componentes Dinámicos

Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

Inicialización:

$$be := 0$$

Entra un bus a una estación:

$$\text{where } be < n \wedge be < m \text{ then } be := be + 1 \text{ end}$$



MIO: Componentes Dinámicos

Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

Inicialización:

$$be := 0$$

Entra un bus a una estación:

$$\text{where } be < n \wedge be < m \text{ then } be := be + 1 \text{ end}$$

Sale un bus de una estación:

$$\text{where } be > 0 \text{ then } be := be - 1 \text{ end}$$



Gerardo M.
Sarria M.

MIO: Especificación

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

```
MACHINE mio
SEES buses_estaciones
VARIABLES
  be
INVARIANT
  inv1 : be : ℕ
  inv2 : be ≤ n
  inv3 : be ≤ m
  ...
```



Gerardo M.
Sarria M.

MIO: Especificación

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción

Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica

Especificación de
Programas

EVENTS

initialisation

then

act1 : be := 0

end

...



Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción

Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica

Especificación de
Programas

MIO: Especificación

llega

where

$grd1 : be < n$

$grd2 : be < m$

then

$act1 : be := be + 1$

end

sale

where

$grd1 : be > 0$

then

$act1 : be := be - 1$

end

END



Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción

Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica

Especificación de
Programas

El **invariante** representa los **valores válidos** de las variables del sistema (**estado**).

Las **acciones** de los eventos modifican el estado.

El nuevo estado debe **satisfacer** el invariante.

Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción

Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica

Especificación de
Programas

Para un modelo con una variable v e invariante $I(v)$, y un evento de la forma:

```
ANY  $x$  WHERE  
   $P(x, v)$   
THEN  
   $v := E(x, v)$   
END
```

la sentencia a probar es

$$I(v) \wedge P(x, v) \Rightarrow I(E(x, v))$$



Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Para el caso del MIO, se tiene

Especificación

Formal con B

Introducción

Lenguaje de
Especificación

$$P(m, n) = m \in \mathbb{N}_1 \wedge n \in \mathbb{N}_1$$

$$I(m, n, be) = be \in \mathbb{N} \wedge be \leq n \wedge be \leq m$$

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica

Especificación de
Programas

Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

Para el caso del MIO, se tiene

$$P(m, n) = m \in \mathbb{N}_1 \wedge n \in \mathbb{N}_1$$

$$I(m, n, be) = be \in \mathbb{N} \wedge be \leq n \wedge be \leq m$$

- **Factibilidad** de la inicialización:

$$m \in \mathbb{N}_1 \wedge n \in \mathbb{N}_1 \Rightarrow \exists be. be = 0$$

- Inicialización **satisface** el invariante:

$$m \in \mathbb{N}_1 \wedge n \in \mathbb{N}_1 \Rightarrow 0 \in \mathbb{N} \wedge 0 \leq n \wedge 0 \leq m$$



Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción

Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica

Especificación de
Programas

Ejemplo: Partido de Fútbol

- Se observan **personas**. Unas están **adentro** y otras **afuera** del campo
- Una persona de afuera puede **entrar** al campo (comienzo del juego)
- Una persona del campo puede **cambiarse** por una de afuera
- Una persona de adentro puede **salir** (expulsión)



Partido de Fútbol - Contexto

Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

```
CONTEXT partido
SETS
    PERSONAS
AXIOMS
    axm1 : finite(PERSONAS)
END
```



Partido de Fútbol - Variables e Invariante

Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción

Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica

Especificación de
Programas

VARIABLES *adentro, afuera*

INVARIANT

$inv1 : adentro \subseteq PERSONAS$

$inv2 : afuera \subseteq PERSONAS$

$inv1 : adentro \cap afuera = \emptyset$

$inv1 : adentro \cup afuera = PERSONAS$

...



Partido de Fútbol - Eventos

Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción

Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica

Especificación de
Programas

EVENTS

initialisation

then

act1 : adentro := \emptyset

act2 : afuera := PERSONAS

end

...



Partido de Fútbol - Eventos

Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción

Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica

Especificación de
Programas

entra

any j

where

$grd1 : afuera \neq \emptyset$

$grd2 : j \in afuera$

then

$act1 : afuera := afuera \setminus \{j\}$

$act2 : adentro := adentro \cup \{j\}$

end

...



Gerardo M.
Sarria M.

Partido de Fútbol - Eventos

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción

Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica

Especificación de
Programas

expulsado

any j

where

grd1 : adentro $\neq \emptyset$

grd2 : j \in adentro

then

act1 : adentro := adentro \ {j}

act2 : afuera := afuera \cup {j}

end

...



Partido de Fútbol - Eventos

Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción

Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica

Especificación de
Programas

cambio

any e, s

where

grd1 : *adentro* $\neq \emptyset$

grd2 : *afuera* $\neq \emptyset$

grd3 : *s* \in *adentro*

grd4 : *e* \in *afuera*

then

act1 : *adentro* := (*adentro* \ {*s*}) \cup {*e*}

act2 : *afuera* := (*afuera* \ {*e*}) \cup {*s*}

end

END



Partido de Fútbol

Gerardo M.
Sarría M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción

Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica

Especificación de
Programas

Ejercicio:

Considere otra especificación del partido de fútbol, que distingue, entre las personas que están adentro, a los jueces.

- Obviamente a quien expulsan no puede ser un juez
- Tampoco se puede cambiar un jugador por un juez

Especifique este sistema

Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica

Especificación de
Programas

JML es un **lenguaje de especificación formal** para programas escritos en **Java**.

La idea es:

- Tener un **registro** de las decisiones de diseño e implementación
- **Especificar** el comportamiento de las clases

Las especificaciones JML describen:

- **interfaces** (nombres e información estática)
- **comportamiento** (cómo las clases e interfaces actúan cuando son usadas)

Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

Las especificaciones JML son:

- Predicados en **lógica de primer orden**
- Expresiones **booleanas** de Java

Las especificaciones se adicionan entre `/*@ ... @*/`, o después de `//@` en código Java

- **precondiciones**
- **postcondiciones**
- **invariantes**



Gerardo M.
Sarria M.

Operadores

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica

Especificación de
Programas

- Operadores lógicos de Java (`||`, `&&`, `!`)
- Operadores de relación y corrimiento de Java (`<`, `<=`, `...`, `<<`, `>>`)
- Implicaciones lógicas (`==>`, `<==`)
- Equivalencias lógicas (`<==>`, `<!=>`)
- Cuantificación universal y existencial (`\forall`, `\exists`)



Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

Los predicados de JML se expresan en **lógica de primer orden**,
construidos usando

- Booleanos de Java,
- otros operadores (`\old`, `\result`, `\forall`, `\exists`,
`\max`, etc.),
- y algunas palabras clave (`requires`, `ensures`,
`invariant`, etc.).

Gerardo M.
Sarría M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

Ejemplo:

```
public class IntMathOps {
    /*@ public normal_behavior
       @ requires y >= 0;
       @ assignable \nothing;
       @ ensures 0 <= \result &&
           \result * \result <= y &&
           y < (\result + 1) * (\result + 1);
       @*/
    public static int isqrt(int y)
    {
        return (int) Math.sqrt(y);
    }
}
```



Gerardo M.
Sarría M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

- **requires**. Se usa para especificar **precondiciones**.
- **ensures**. Se usa para especificar **postcondiciones**.
- **normal_behavior**. El método termina **normalmente**, sin lanzar una excepción.
- **exceptional_behavior**. El método **lanza** una excepción.
- **behavior**. El método **podría** terminar **normal** o **abruptamente**.



Especificaciones Livianas

Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción

Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica

Especificación de
Programas

- No usan el predicado **behavior**
- Se escriben en líneas individuales después de **//@**

```
public class IntMathOps {  
    //@ requires y >= 0;  
    public static int isqrt(int y)  
    {  
        return (int) Math.sqrt(y);  
    }  
}
```



Gerardo M.
Sarria M.

Especificaciones Livianas

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

- Si una palabra clave **requires** es olvidada, una especificación **requires true**; se asume
- Si una palabra clave **assignable** es olvidada, una especificación **assignable \everything**; se asume
- Si una palabra clave **ensures** es olvidada, una especificación **ensures true**; se asume



Gerardo M.
Sarria M.

JML y Diseño por Contrato

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

Las precondiciones y postcondiciones de los métodos definen un **contrato** entre el método (la clase) y el objeto que llama el método.

Este contrato estipula que

- 1 Los métodos **pueden asumir** precondiciones y **tienen que asegurar** postcondiciones
- 2 Los clientes **tienen que asegurar** precondiciones y **pueden asumir** poscondiciones



Contratos y Pruebas Obligatorias

Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

```
class Decimal {
  int intPart, decPart;
  //@ invariant decPart >= 0;

  /*@ requires m != null;
   @ ensures decPart == m.decPart &&
   @          intPart == \old(intPart);
  @*/
  void setDecimal(Decimal m) {
    decPart = m.decPart;
  }
}
```



Contratos y Pruebas Obligatorias

Gerardo M.
Sarria M.

Para el método `setDecimal`:

- Si `m != null` y `m.decPart >= 0` entonces
 - `decPart == m.decPart`, y
 - `intPart == \old(intPart)`

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas



Contratos y Pruebas Obligatorias

Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

Para el método `setDecimal`:

- Si `m != null` y `m.decPart >= 0` entonces
 - `decPart == m.decPart`, y
 - `intPart == \old(intPart)`

Para el objeto que hace el llamado:

- `o != null` y `o.decPart >= 0` tiene que ser cierto en todo sitio donde se haga el llamado al método `setDecimal(o)`
- La postcondición de `setDecimal` debe ser asumida en aquellos sitios



Contratos y Pruebas Obligatorias

Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

Para el método `setDecimal`:

- Si `m != null` y `m.decPart >= 0` entonces
 - `decPart == m.decPart`, y
 - `intPart == \old(intPart)`

Para el objeto que hace el llamado:

- `o != null` y `o.decPart >= 0` tiene que ser cierto en todo sitio donde se haga el llamado al método `setDecimal(o)`
- La postcondición de `setDecimal` debe ser asumida en aquellos sitios

Adicionalmente:

- `decPart >= 0` debe ser una **invariante** de la clase `Decimal`



Gerardo M.
Sarría M.

Ejemplo: Clase Decimal

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

```
public class Decimal extends Object {
    public static final short MAX_DECIMAL_NUMBER = (short) 32767;
    public static final short PRECISION = (short) 1000;
    private short intPart = (short) 0;
    private short decPart = (short) 0;

    public Decimal setValue(Decimal d) throws DecimalException {
        return setValue(d.getIntPart(), d.getDecPart());
    }

    public Decimal setValue(short i, short d) throws DecimalException {
        if (i < 0 || d < 0) decimal_exception.throwIt(DECIMAL_OVERFLOW);
        intPart = i;
        decPart = d;
        return this;
    }
    ...
}
```



Gerardo M.
Sarría M.

\forall forall \exists exists

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

```
(\forall int i; a[i] != null);
```

```
(\forall int i; (0 <= i && i < length) ==>  
    src[srcOff + i] == dest[destOff + i]);
```

```
(\exists int i; (0 <= i && i < length) &&  
    (\forall int j; (0 <= j && j < i) ==>  
        src[srcOff + j] == dest[destOff + j]));
```



Gerardo M.
Sarría M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

assert

assert P :

- P tiene que ser cierto en un cierto punto en el **cuerpo de un método**
- P es un propiedad JML válida en la lógica

assert P:

- P tiene que ser cierto en un cierto punto en el **cuerpo de un método**
- P es un propiedad JML válida en la lógica

```
if (i <= 0 || j < 0) {  
    ...  
}  
else if (j < 5) {  
    //@ assert i > 0 && 0 < j && j < 5;  
    ...  
}  
else {  
    //@ assert i > 0 && j > 5;  
    ...  
}
```




Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

JML **no** permite campos **private** en especificaciones **public**

Poner `/* @ spec_public @ */` antes de una declaración de campo **private** causa que el campo sea incluido en el **alcance** de toda especificación

Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica

Especificación de
Programas

JML **no** permite campos **private** en especificaciones **public**

Poner `/* @ spec_public @ */` antes de una declaración de campo **private** causa que el campo sea incluido en el **alcance** de toda especificación

```
public class Decimal extends Object {
    public static final short MAX_DECIMAL_NUMBER = (short) 32767;
    public static final short PRECISION = (short) 1000;
    /* @ spec_public @ */ private short intPart = (short) 0;
    /* @ spec_public @ */ private short decPart = (short) 0;
    ...
}
```



requires, ensures y normal_behavior

Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

- **requires R**
Precondición R
- **ensures Q**
Postcondición Q
Q tiene que ser cierto si el método termina **normalmente** (i.e. sin lanzar una **java.lang.Exception**)
- **normal_behavior**(total correctness)
Si la precondición es cierta el estado previo, entonces el método termina en un **estado normal**, y la postcondición es cierta en este estado



requires, ensures y normal_behavior

Gerardo M.
Sarría M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

```
public class Decimal extends Object {
    /*@ normal_behavior;
       @ requires i >= 0 && d >= 0;
       @ ensures intPart == i && decPart == d;
    @*/
    public Decimal setValue(short i, short d) throws DecimalException {
        if (i < 0 || d < 0) Exception.throwIt(DECIMAL_OVERFLOW);
        intPart = i;
        decPart = d;
        return this;
    }
}
```



Gerardo M.
Sarria M.

signals y exceptional_behavior

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica

Especificación de
Programas

- **signals** (**E e**) **R**

Postcondición Excepcional R

R tiene que ser cierto si el método **lanza** una excepción **e** que es subclase de **E**

- **exceptional_behavior**(**total correctness**)

Si la precondición es cierta el estado previo, entonces el método terminará en un **estado excepcional** lanzando una **java.lang.Exception**, y la postcondición excepcional es cierta en este estado



requires, ensures y normal_behavior

Gerardo M.
Sarría M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

```
public class Decimal extends Object {
    /*@ exceptional_behavior;
       @ requires i >= 0 && d >= 0;
       @ signals (DecimalException e) true;
    @*/
    public Decimal setValue(short i, short d) throws DecimalException {
        if (i < 0 || d < 0) Exception.throwIt(DECIMAL_OVERFLOW);
        intPart = i;
        decPart = d;
        return this;
    }
}
```



Gerardo M.
Sarría M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica

Especificación de
Programas

assignable

assignable L:

- Un método **solo puede** modificar el conjunto de ubicaciones de memoria denotadas por **L**
- Cualquier otra ubicación **no listada puede** entonces **no** ser modificada
- esto es cierto para postcondiciones **normal** y **excepcional**

assignable L:

- Un método **solo puede** modificar el conjunto de ubicaciones de memoria denotadas por **L**
- Cualquier otra ubicación **no listada puede** entonces **no** ser modificada
- esto es cierto para postcondiciones **normal** y **excepcional**

```
public class Decimal extends Object {
    /*@ normal_behavior;
       @ requires i >= 0 && d >= 0;
       @ assignable intPart, decPart;
       @ ensures true;
       @*/
    public Decimal setValue(short i, short d) throws DecimalException {
        if (i < 0 || d < 0) Exception.throwIt(DECIMAL_OVERFLOW);
        intPart = i;
        decPart = d;
        return this;
    }
}
```




`\old` y `\fresh`

Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica

Especificación de
Programas

- `\old(e)`
Valor de una expresión `r` en el estado previo
- `\fresh(x)`
`x` no es nulo y no fue declarado en el estado previo

Gerardo M.
Sarría M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica

Especificación de
Programas

- `\old(e)`
Valor de una expresión `r` en el estado previo
- `\fresh(x)`
`x` no es nulo y no fue declarado en el estado previo

```
/*@ behavior
@ requires true;
@ assignable decimal;
@ ensures decimal == i * PRECISION + d;
@ signals (DecimalException e) (i<0 || d<0) &&
@           decimal == \old(decimal) &&
@           \fresh(e);
@*/
public Decimal setValue(short i, short d) throws DecimalException {
    ...
}
```



Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

Representa el **valor retornado** por un método y tiene el mismo tipo que el método

Gerardo M.
Sarría M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica
Especificación de
Programas

Representa el **valor retornado** por un método y tiene el mismo tipo que el método

```
/*@ normal behavior
   @ requires true;
   @ ensures \result <=>
   @      (\exists int i; i>=0 && i<MAX_DATA && data[i]==cur);
   @*/
boolean contens(byte cur) {
    boolean resu = false;
    byte i = (byte)0;
    boolean found = false;
    while(i < MAX_DATA && ! resu) {
        if(data[i] == cur) resu = true;
        else i++;
    }
    return resu;
}
```



Gerardo M.
Sarría M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica

Especificación de
Programas

Tiene que ser cierto en todos los estados **visibles**:

- El **comienzo** y **final** de cualquier invocación a un método
- El **final** de la invocación a un constructor

Se **asume** de manera implícita en el comienzo de una declaración de método, y **no tiene** que ser cierto **durante** la ejecución de un método (i.e. puede ser temporalmente falso)

Tiene que ser cierto en todos los estados **visibles**:

- El **comienzo** y **final** de cualquier invocación a un método
- El **final** de la invocación a un constructor

Se **asume** de manera implícita en el comienzo de una declaración de método, y **no tiene** que ser cierto **durante** la ejecución de un método (i.e. puede ser temporalmente falso)

```
public class Decimal extends Object {
    public static final short MAX_DECIMAL_NUMBER = (short) 32767;
    public static final short PRECISION = (short) 1000;
    public short intPart = (short) 0;
    public short decPart = (short) 0;

    /*@ invariant 0 <= intPart && intPart <= MAX_DECIMAL_NUMBER &&
       @          0 <= decPart && decPart < PRECISION;
    @*/
    ...
}
```



Gerardo M.
Sarria M.

non_null

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica

Especificación de
Programas

Reemplaza un especificación de **invariante** sobre un objeto **no nulo**

```
public class SalerID extends Object implements PartnerID {  
    ...  
  
    //@ invariant data != null;  
    public byte [] data = new byte [ID_LENGTH];  
  
    ...  
}
```



Gerardo M.
Sarria M.

non_null

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica

Especificación de
Programas

Reemplaza un especificación de **invariante** sobre un objeto **no nulo**

```
public class SalerID extends Object implements PartnerID {  
    ...  
    public /*@ non null */ byte[] data = new byte[ID.LENGTH];  
    ...  
}
```




Gerardo M.
Sarria M.

Introducción

Especificación
Formal con B

Introducción
Lenguaje de
Especificación

Java Modeling
Language
(JML)

Sintaxis y
Semántica

Especificación de
Programas

Fin de la Presentación